

Formulário para a P1

*Não imprimir. As fórmulas serão escritas todas na lousa no dia da prova, como estão aqui.

$$x_{n+1} = \frac{b-a}{2}; E_B = \frac{b-a}{2^n}$$

$$x_{n+1} = \varphi(x_n); E = |x_{n+1} - x_n|; |(\varphi(x))'| < 1$$

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{f'(x_n)}; E = |x_{n+1} - x_n|$$

$$x_{n+1} = x_n - \frac{f(x_n)}{\frac{f(x_n) - f(x_{n-1})}{x_n - x_{n-1}}}; E = |x_n - x_{n-1}|$$

$$J(x^{(n)}) \cdot [\Delta x] = [-f(x^{(n)})]; [x^{(n+1)}] = [x^{(n)}] + [\Delta x]; E = \text{Max}_{i=1..k} \{ |\Delta x_k^{(n)}| \}$$

$$\text{Max (ou Min)} f(x; y), \text{ com restrição } g(x; y) = C \rightarrow \begin{cases} \nabla f = \lambda \nabla g \\ g = C \end{cases} \rightarrow \begin{cases} \frac{\partial f}{\partial x} = \lambda \cdot \frac{\partial g}{\partial x} \\ \frac{\partial f}{\partial y} = \lambda \cdot \frac{\partial g}{\partial y} \\ g(x; y) = C \end{cases}$$

$$\text{Max } f(x; y; z) \rightarrow (x^{(n+1)}; y^{(n+1)}; z^{(n+1)}) = (x^{(n)}; y^{(n)}; z^{(n)}) + \frac{\nabla f(x^{(n)}; y^{(n)}; z^{(n)})}{\|\nabla f(x^{(n)}; y^{(n)}; z^{(n)})\|} \cdot \lambda^k, \lambda < 1;$$

k = número de vezes em que o processo não aumenta de valor.

$$p(x) = \sum_{i=1}^n L_i(x) \cdot y_i; L_i(x) = \prod_{j=1; j \neq i}^n \frac{x - x_j}{x_i - x_j}; E = 0$$

$$p(x) = \Delta_0 + \Delta_1(x - x_0) + \Delta_2(x - x_0)(x - x_1) + \dots + \Delta_n(x - x_0) \dots (x - x_{n-1}); \Delta_j; \text{Diferença dividida de ordem } j.$$

$$p(x) = \delta_0 + \frac{\delta_1(x-x_0)}{h} + \frac{\delta_2(x-x_0)(x-x_1)}{h^2 \cdot 2!} + \dots + \delta_n(x - x_0) \dots \frac{(x - x_{n-1})}{h^{n \cdot n!}}; \delta_j; \text{Diferença finita de ordem } j.$$

$$p(x) = a_0 f_0(x) + \dots + a_n f_n(x); \begin{bmatrix} \langle f_0(x); f_0(x) \rangle & \langle f_0(x); f_1(x) \rangle & \dots & \langle f_0(x); f_n(x) \rangle \\ \langle f_1(x); f_0(x) \rangle & \langle f_1(x); f_1(x) \rangle & \dots & \langle f_1(x); f_n(x) \rangle \\ \dots & \dots & \ddots & \dots \\ \langle f_n(x); f_0(x) \rangle & \langle f_n(x); f_1(x) \rangle & \dots & \langle f_n(x); f_n(x) \rangle \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} a_0 \\ \dots \\ a_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \langle y; f_0(x) \rangle \\ \langle y; f_1(x) \rangle \\ \dots \\ \langle y; f_n(x) \rangle \end{bmatrix};$$

$$\langle x; y \rangle = \sum_{i=1}^n x_i y_i \text{ ou } \langle f; g \rangle = \int_a^b f(x) \cdot g(x) dx$$

$$E_{MMQ} = \sum_{i=1}^n (y_i - p(x_i))^2$$